



1, 2, 3...Sciences
Année académique 2009-2010

Problèmes élémentaires

Pour la répétition de mathématique de la semaine 8 : rédiger au net une résolution des problèmes ci-dessous

1. Si a et b sont deux nombres réels, comment s'exprime la tangente de leur différence en fonction de la tangente de chacun d'eux ? Utiliser votre réponse pour déterminer la valeur exacte de la tangente de $\frac{\pi}{12}$.
2. Un touriste observe un monument depuis le sol. Il évalue une première fois l'angle d'élévation du monument et trouve 60° . Il recule de 100 m et son évaluation donne alors 45° . Quelle est approximativement la hauteur du monument ? (Note : le touriste est supposé très petit par rapport au monument ; dans le calcul, on peut donc négliger sa taille.)

Problèmes élémentaires précédents (listes 1, 2, 3, 4)

1. Au mois d'août 2009, à l'occasion des championnats du monde d'athlétisme à Berlin, le jamaïcain Usain Bolt établissait un nouveau record du monde du 100m en parcourant la distance en 9.58 secondes. A quelle vitesse moyenne exprimée en kilomètres par heure cela correspond-il ?
2. Le lait contient environ les $\frac{3}{20}$ de son poids de crème et la crème 25 % de son poids de beurre. Combien de kg de beurre obtient-on à partir de 2000 l de lait si la densité du lait est 1,032 ?
3. A submarine dives at an angle of 30° with the horizontal and follows a straight-line path for a total distance of 50 m. How far is the submarine below the surface of the water ?
4. Lors de la construction de l'élément central d'une abbaye (jardin en plein air et promenade pour les jours de pluie), afin de conserver les surfaces, les architectes procédaient de manière bien précise, selon la procédure suivante.

Supposons que le jardin soit carré. On trace alors le cercle dont le centre est le centre du carré et qui passe par les quatre sommets de ce carré. On construit ensuite un second carré, de même centre, de côtés parallèles à ceux du premier et tangents au cercle que l'on vient de tracer. La « promenade » couverte est la partie située à l'intérieur du second carré en dehors du jardin. Son aire est la même que celle du jardin. Pourquoi ?

5. Sur une carte à l'échelle $\frac{1}{2500}$ la distance (en ligne droite) entre deux points est égale à 4cm. A quelle distance réelle en kilomètres cela correspond-il ?
6. A la météo, on annonce une nuit de pluie et le lendemain, on mesure effectivement sur la terrasse une hauteur de 1mm d'eau par mètre carré. A combien de litres par mètre carré cela correspond-il ?
7. Un laborantin doit préparer une solution de 18 ml qui contient 3% de glucose. Il a deux types de solution à sa disposition, l'une contenant 10% de glucose et l'autre seulement 1%. Combien de ml de chaque type de solution doit-il prendre pour obtenir ce qu'il désire ?

8. En imprimerie, une des classifications standards des formats de papier s'appelle le *système ISO A*. Les feuilles A4 bien connues font partie de ce système, de même que les A3, A5, etc. On passe du type A4 au type A5 en divisant le plus grand des côtés du rectangle en 2; on procède ainsi successivement pour passer d'un type à l'autre.

Vous préparez un envoi postal standard dont le poids ne doit pas excéder 100g. Le papier employé est de la catégorie commerciale "80g/m²" ce qui signifie qu'un mètre carré de papier pèse 80g. Sachant qu'une feuille A0 a une aire de 1m² et que l'enveloppe utilisée pèse 20g, combien de pages A4 pouvez-vous glisser dans l'enveloppe?

9. Le nombre d'or est le réel défini comme suit. Il s'agit du rapport entre deux longueurs (la plus grande au numérateur) telles que le rapport de la somme de celles-ci sur la plus grande soit égal à celui de la plus grande sur la plus petite. Que vaut ce nombre d'or?

Se poser des questions : ... le nombre d'or est célèbre depuis fort longtemps; il n'est pas appelé ainsi sans raison. Il apparaît dans la nature ... Où par exemple? Et comment le construire géométriquement? ...

10. Un mélange contient 45 litres d'eau salée et 30 litres d'eau pure. On désire en faire un mélange qui, sur deux litres, contienne 1/2 litre d'eau salée. Combien de litres d'eau pure doit-on ajouter?

11. Une rivière coule au pied d'une falaise du haut de laquelle on laisse tomber une pierre. On entend l'impact 6 secondes après l'avoir lâchée. La distance d en m parcourue par la pierre jusqu'à la rivière en t secondes est donnée par $d = \frac{1}{2}gt^2$ où $g = 10 \text{ m/s}^2$ et la vitesse du son est de 330 m/s. En mètres, que vaut approximativement la hauteur de la falaise?